

4.2.2. Interne Felder : Spin-Spin Wechselwirkung

- ferromagnetische Stoffe durch Spin-Spin - WW dominiert
- unterhalb einer kritischen Temperatur T_c : $M \neq 0$ ohne
außen angelegte B-Feld

bei Vorliegen von WW wirkt auf die Spins auch das durch
die Spins selbst verursachte Feld B_{ind}



weil die Maxwellgleichungen linear sind:

$$B_{\text{eff}} = B + B_{\text{ind}} = B + \alpha M$$

\uparrow B \uparrow B_{ind} \uparrow $B + \alpha M$
 wirkt auf Spin, μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 leere Feld μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 induziertes Feld μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 macht Spin-Spin WW μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 Bindung wird μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 \propto verfügbar μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 Magnetonen dichte μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 angestellt: μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B



aus letzter VL: $M = \mu_B \chi_0 \text{tanh} \left(\frac{\mu_B B_{\text{eff}}}{k_B T} \right)$

\uparrow $B_{\text{eff}}(M)$
 letztes Feld wird durch das μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B
 Gesamtfeld $(B + B_{\text{ind}})$ ersetzt μ_B μ_B μ_B μ_B μ_B

ausdauern für die Stelle $M \approx 0$, bzw M klein

um Entstehungsursache von M zu klären, stellen wir nach

M , mit M klären:

$$\text{arth} \left(\frac{M}{\mu_B \chi_0} \right) = \frac{\mu_B B_{\text{eff}}}{k_B T}, \text{ kleine } M: \text{ Taylorreihe:}$$

$$\frac{M}{\mu_B^4} + \frac{1}{3} \left(\frac{M}{\mu_B^4} \right)^3 = \beta \mu_B B + \beta \mu_B \kappa M$$

$$\beta \mu_B B = M \left(\frac{1}{\mu_B^4} - \kappa \mu_B \beta \right) + \frac{1}{3} \left(\frac{M}{\mu_B^4} \right)^3$$

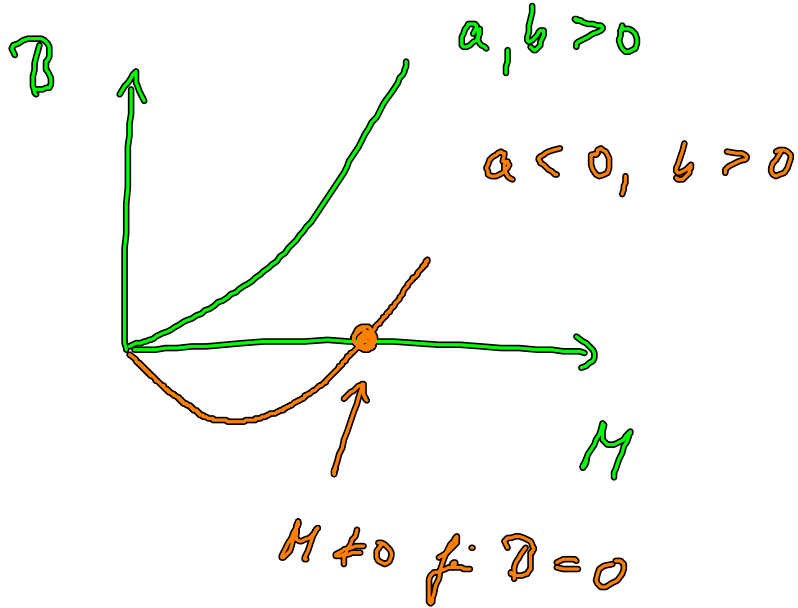
$$\downarrow$$

$$B = a M + b M^3$$

$$a = \kappa \left(\frac{T}{T_c} - 1 \right), \quad T_c = \frac{\mu_B^2 \kappa}{k}$$

$$b = \frac{kT}{3\mu_B} \frac{1}{(\mu_B^4)^2}$$

diese folgt. kann eine Lösung $M \neq 0$ für $B=0$:



Man kann für $B = 0$ ein Magnetisierg. finden $M \neq 0$!

Das passiert durch Spin-Spin-Wechselwirkung, wenn $\alpha \neq 0$.

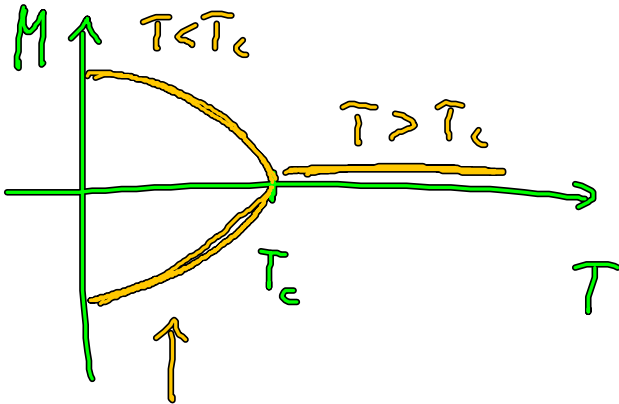
Die Spin richten sich selbstständig aus (W/W) und minimieren ihre Energie.

Das geht nur für $a < 0$, also wenn $T < T_c$ ist.

Weiterentwicklung f. M um $M = M(T)$, um Temperaturabhängigkeit zu diskutieren:

$$\alpha \left(\frac{T}{T_c} - 1 \right) + \frac{kT}{3\mu_B} \frac{M^2}{(\mu_B h_0)^3} = 0, \quad \text{Umgebung: } T \approx T_c$$

$$M \cdot = \pm \mu_0 / \mu_0 \left(3 \frac{\mu_B^2 \mu_0^2 (T_c - T)}{k T_c T_c} \right)^{1/2}$$



Lösung, aber ist stabil

Interpretation der Phaseübergang:

„drastische Änderung d. Ordnungsparameters M als Funktion d. Kontrollparameters T“

(0 → endliche Wert)

$T < T_c$: gewinnt spin-spin WW gegen kT

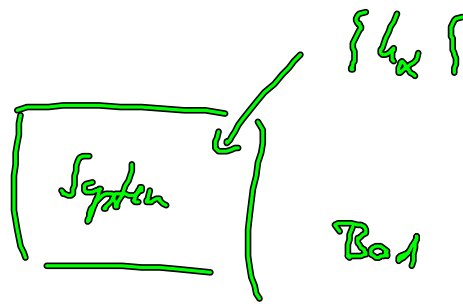
$T > T_c$: kT gewinnt gegen spin-spin WW

5. Thermodynamik

Thermodynamik im engen Sinne beschreibt die zeitliche Dynamik von Zuständen, im engeren Sinne: Dunkelraum fluktuationen-Zustände $\hat{=}$ fluktuationsthermodynamik; im Gegensatz zu

Nichtgleichgewichtsthermodynamik (irreversible TD) beide

an Nichtgleichgewichtprozessen durchgeführt werden können



5.1. Dynamisch Prozesse und Klassifizierung

5.1.1. Zustand variablen und Prozessgrößen

2 Sorten v. Zustand variablen:

a) wenn System kollidiert wird, so kollidieren die ZV auch:

$$E, m, N, V \Rightarrow \text{extensive ZV}$$

b) wenn System kollidiert wird, so bleiben ZV identisch:

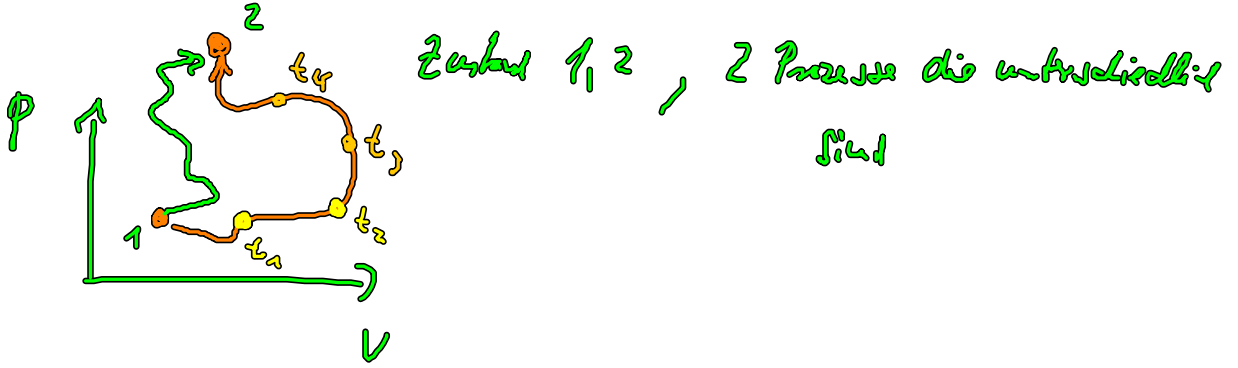
$$P, T, \mu, \dots \Rightarrow \text{intensive ZV}$$

5.12. Prozesse

- beim Ablauf der Dynamik hängen Prozessgrößen auf:

hängen in allererster Linie von den Zuständen des Systems ab

von ab



Klassifizierung der Prozesse nach Zeitstufen:

- 1) wenn un- beliebig schnell mit $v = 1 \rightarrow 2$ bewegt, dann un- p um die Komplette allg. Theorie, also die volle Dichteschw. angewandt

$$p(t), p_{\text{un}}(t) \rightarrow p, v$$

- 2) wenn die äußere Kräfte $h_{\alpha}(t)$ langsam verändert sind, so kann das p sich immer wieder ein- gleichgewicht einstellen, so wird es $\int \beta$ - Zustand durchlaufen.

$$R_k = \frac{1}{Z_k} e^{-H(h_{\alpha}(t), \beta(t))}$$

immer in $\int \beta$.

Zustandswert ist in der letzten Feld + Temperatur

→ Gleichheitsoperator

5.2. Hauptsätze

5.2.1. Energiebegriff und 1. Hauptsatz

Formulierung Jedes tel. System besitzt eine extensive Zustandsgröße, in der Energie $E(U)$ genannt, E kann durch Zufuhr von Wärme ΔQ und Arbeit ΔA geändert werden:

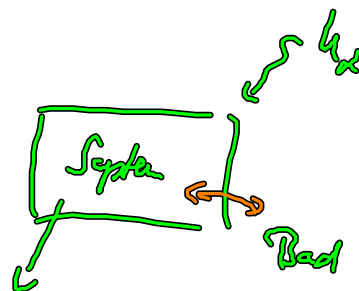
$$\Delta E = \Delta Q + \Delta A$$

(diff. form: $dE = \delta Q + \delta A$)

↗
unvollständige Differential

Allzeit

$$E = \langle H_S \rangle$$



H_S (System-Hamiltonian)

$$\frac{d}{dt} \langle H_S \rangle = \frac{i}{\hbar} \langle [H_{ges}, H_S] \rangle + \left\langle \left(\frac{\partial H_S}{\partial t} \right)_{\text{expl.}} \right\rangle$$

\downarrow
 $H_S + H_B + H_{SB}$, B, S sind räumliche Hilberträume

$$\frac{d \bar{E}}{dt} = \frac{i}{\hbar} \langle [H_{SB}, H_S] \rangle + \left\langle \frac{\partial H_S}{\partial t} \right\rangle_{\text{expl.}}$$

\downarrow
zeitlich Ändg.
der Systemenergie

$$\rightarrow \Delta E = \frac{i}{\hbar} \int_{t_0}^t dt' \langle [H_{SB}, H_S] \rangle + \int_{t_0}^t dt' \left\langle \frac{\partial H_S}{\partial t'} \right\rangle_{\text{expl.}}$$

$\equiv \Delta Q$ wird Wärme genannt und entspricht E-Austausch mit Umgebung

$\equiv \Delta A$ wird Arbeit genannt und wird durch $W_{\text{ext}}(t)$ bestimmt

$$H_S(t) = H_S(h_\alpha(t))$$

\swarrow \rightarrow Magnetfelds
 Kirchpotential $V(t)$

$$\frac{\partial H_S}{\partial t} = \sum_{\alpha} \frac{\partial H_S}{\partial h_{\alpha}} \frac{dh_{\alpha}}{dt} = \text{den Felder verrichtete Arbeit, wenn sie sich zeitl. ändern}$$

$$= - \sum_{\alpha} M_{\alpha} \frac{dh_{\alpha}}{dt}$$

M_{α} sind thermodynamisch Kräfte und müssen durch Integrale

$$\text{gefunden werden, Bsp. } p = - \frac{\partial H_S}{\partial V} \left. \begin{array}{l} M_{\alpha} = p \\ h_{\alpha} = V \end{array} \right\}$$

\nearrow
Speziell M_{α}

$$\int_{t_0}^t dt' \left. \frac{dE}{dt'} \right|_{\text{Volumenarbeit}} = - \int_{t_0}^t dt' p(t') \frac{dV}{dt'}$$

$$\boxed{dE = -p dV}$$

Dieses Differential $dA = -p dV$ kann man nicht als $d(?)$,

also als vollständige Differential geschrieben werden.

Analoges Argument für $dQ \propto [T_0, T_1]$.

Der erste AS gilt auch für Nichtgleichgewicht.

5.2.2. Entropie und zweite Hauptsatz

Formulierung: Jed. tel. System besitzt eine extensive Zustandsgröße S ,
Entropie genannt

a) geschlossenen System $U_2 = 0 \rightarrow dS \geq 0$

b) bei reversibler Prozessführung $\rightarrow dS = \frac{dQ}{T}$
(nur Gleichgewichtszustände)

zu a) Einweg a. Unordnung $\eta(p) = -k \ln p$

$$\frac{d}{dt} \eta(p) = 0 \quad \text{für geschlossenes System,}$$

Beweis in Heite Bebild

Wenn das Volk p beobachtet wird, ändert sich wie auch

das Unordnungsmaß denn alle T -funktion ist bekannt

$$S = \eta(R) \quad \Rightarrow \quad \frac{d}{dt} S(R) \geq 0$$

reduziertes Operat, durch Auswahl von
 Observable verliert man Information und die Unklarheit,
 bzw. Information verliert kein größerer Verlust

→ dadurch wird ein Zeitnütz. angesetzt

$$(dS \uparrow, dt \uparrow)$$

Im Übergang von $\rho \rightarrow R$ wird \rightarrow Zeitnütz. angesetzt
 \rightarrow nimmt Entropie zu

Reduktion auf
 Satz v. Observablen