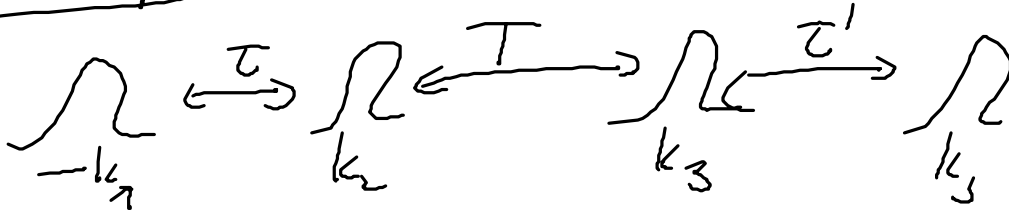


Beispiel KI 2D Photon echo

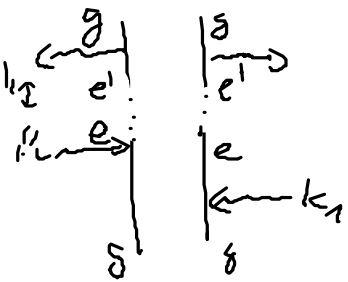
Erinnerung:



Das Signal hängt von 3 Verzögerungszeiten ab

FT nur über T und T'

ESE (Hier nur Fall Dichterelaxation)

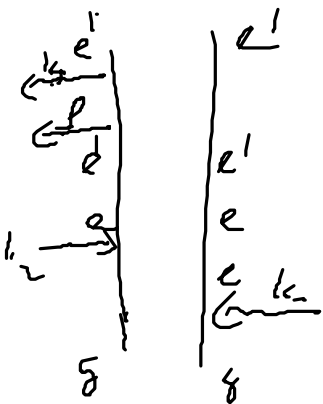


$$\int_{k_I}^{ESE} (\Omega_1, T_1, \Omega_3) = \left(\frac{-i}{\hbar}\right)^3 \frac{1}{i^2} \sum_{e, e'} E_s \mu_{s, e'} E_3 \mu_{e', e} E_2 \mu_{e, e_1} E_1 \mu_{e_1, s}$$

$$\frac{1}{\Omega_3 - \omega_{e', e} + i\Gamma_{e', e}} \underbrace{\Gamma_{e', e}(T)}_{\text{Relaxation}}$$

$$\frac{1}{\Omega_1 - \omega_{g, e} + i\Gamma_{g, e}} \underbrace{\Gamma_{g, e}(T)}_{\text{Stoßfrequenz}}$$

FSA



$$\int_{k_I}^{FSA} (\Omega_1, T_1, \Omega_3) = - \left(\frac{-i}{\hbar}\right)^3 \frac{1}{i^2}$$

$$\sum_{e, e'} E_s \mu_{s, e'} E_3 \mu_{e', e} E_2 \mu_{e, e_1} E_1 \mu_{e_1, s}$$

$$\frac{1}{\Omega_3 - \omega_{e', e} + i\Gamma_{e', e}}$$

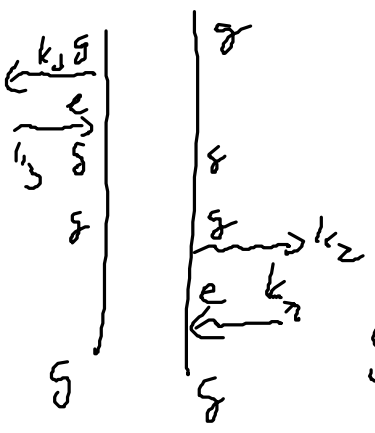
$$\Gamma_{e', e}(T)$$

Relaxation der Dichte

$$\frac{1}{\Omega_1 - \omega_{g, e} + i\Gamma_{g, e}}$$

SSB

↑
 Adly berüchtigt werden
 muß u. U. auch die
 Änderung des phonon System
 Dann kann ξ noch Operate
 im Phonon system sein.



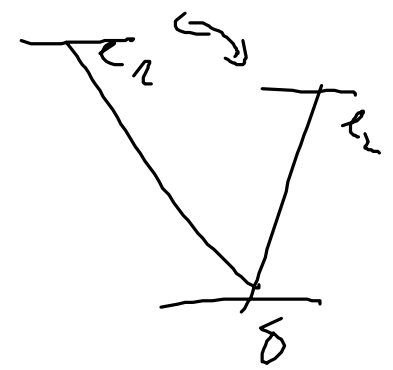
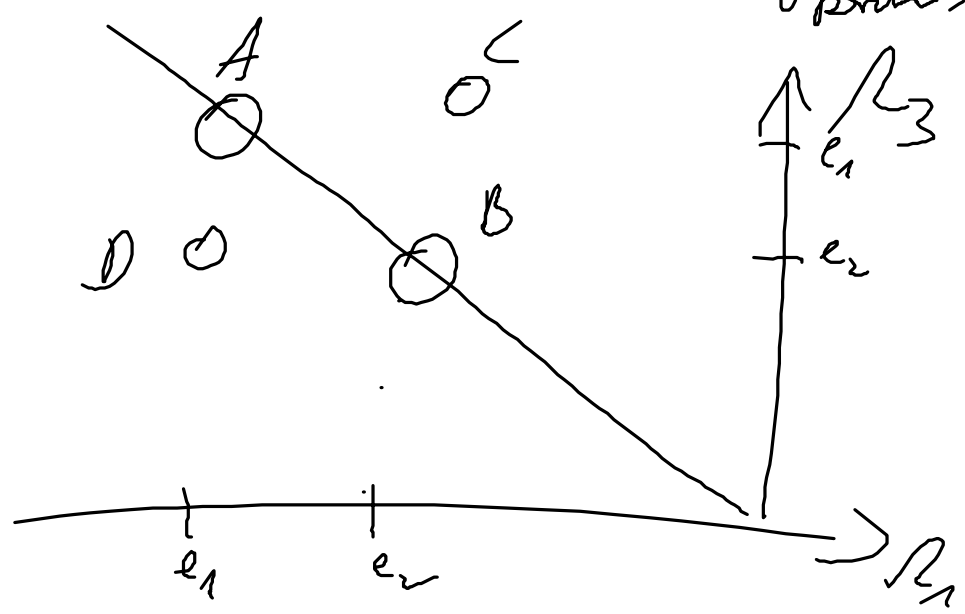
$$S_{\text{SSB}}^{(I)} (\rho_1, T, \rho_3)$$

$$= \left(\frac{-i}{\hbar}\right)^3 \frac{1}{i^2} \sum_{e, e'} E_s \mu_{se'} E_3 \mu_{e' e} E_2 \mu_{e e'} E_1 \mu_{e' e}$$

$$\frac{1}{\rho_3 - \omega_{e'g} + i\eta} \underbrace{\delta_{\text{SSB}}(T)}_{\uparrow} \frac{1}{\rho_1 - \omega_{e'} + i\eta}$$

↑
 Hier findet kein
 Relaxation statt.

Adly \rightarrow Bei Raman
 muß Störung des Phonon system
 berücksichtigt werden. ξ ist
 Operate im Phonon system

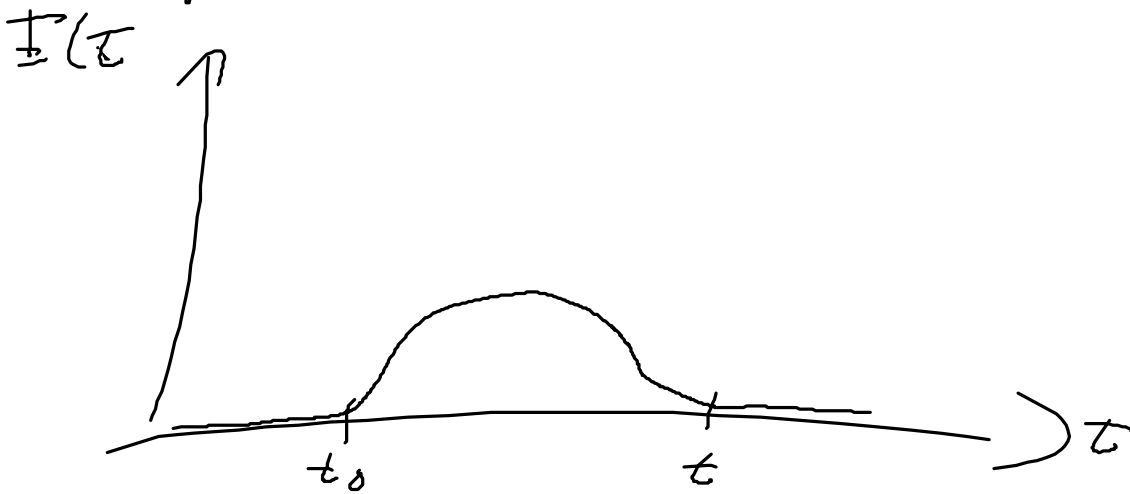


Bei Variation von T wird D, L größer
 A sieht dafür, B sieht nur Licht.

VI. Übergangswahrscheinlichkeit und optisches Theorem!

Folgt Munkand, Rahav.

Vielmal stellt sich die Frage, welche Übergänge
 in Materie bei ein optischen Experiment
 stattfinden.



Aus Sicht des Materie wie hoch ist die
 Wahrscheinlichkeit für den Übergang:

$$P_{a \rightarrow c}(t) = \langle \psi(t) | c \rangle \langle c | \psi(t) \rangle = |\langle c | \psi(t) \rangle|^2$$

$$|\psi(t)\rangle = U_I(t, t_0) |a\rangle$$

Propagator \nearrow

System ist zunächst
 im Zustand a

$$P_{a \rightarrow c}(t) = |\langle c(t) | U_I(t, t_0) |a(t_0)\rangle|^2$$

$$U_I(t, t_0) = \mathcal{T} \exp\left(-\frac{i}{\hbar} \int_{t_0}^t d\tau H_I'(\tau)\right)$$

$$H_I'(t) = U_0^\dagger(\tau, t_0) H'(\tau) U_0(\tau, t_0)$$

mit $|a(t)\rangle = U_0^\dagger(t, t_0) |a\rangle$

Ziel ist es $\langle c(t) | U(t, t_0) | a(t_0) \rangle$

auszurechnen!

$U_I(t, t_0)$ erfüllt die Rekursion

$$U_I(t, t_0) = 1 - \frac{i}{\hbar} \int_{t_0}^t d\tau H_I'(\tau) U_I(\tau, t_0)$$

Einsetzen

$$\begin{aligned} \langle c(t) | \hat{U}_I(t, t_0) | a(t_0) \rangle &= \langle c(t) | a(t_0) \rangle - \frac{i}{\hbar} \int_{t_0}^t d\tau \langle c(t) | H_I'(\tau) U_I(\tau, t_0) | a(t_0) \rangle \\ &= \delta_{ca} e^{-\frac{i}{\hbar} \varepsilon_a(t-t_0)} - \frac{i}{\hbar} e^{-\frac{i}{\hbar} (\varepsilon_c t - \varepsilon_a t_0)} T_{ca}(\omega_{ca}) \end{aligned}$$

Übergangsamplitude

$$T_{ca}(\tau) = \langle c(t) | H_I'(\tau) U_I(\tau, t_0) | a(t_0) \rangle e^{\frac{i}{\hbar} \varepsilon_a(\tau-t_0)}$$

$$T_{ca}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} dt e^{i\omega t} T_{ca}(\tau)$$

$T_{ca}(\tau)$, $T_{ca}(\omega)$ nennt sich Übergangsamplitude der (Transition amplitude)

Mit Hilfe dieser Relation kann man das optische

Theorem beweisen:

$$\begin{aligned}
 A &= \text{tr} \left(\underbrace{U_{\mathbb{I}}(t, t_0)}_{\substack{\text{II} \\ |a\rangle \langle a|}} \rho U_{\mathbb{I}}^{\dagger}(t, t_0) \right) = \sum_c |\langle c(t) | U_{\mathbb{I}}(t, t_0) | a(t) \rangle|^2 \\
 &= 1 - \frac{i}{\hbar} e^{-\frac{i}{\hbar} (\epsilon_c t - \epsilon_c t_0)} T_{ca}(\omega_c) \delta_{ca} \\
 &\quad + \frac{i}{\hbar} e^{\frac{i}{\hbar} (\epsilon_c t - \epsilon_c t_0)} T_{ca}(\omega_c) \delta_{ca} \\
 &\quad + \sum_c |T_{ca}(\omega_c)|^2
 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \left\| \text{Im } T_{ca}(\omega_c \rightarrow 0) = -\frac{1}{2\hbar} \sum_c |T_{ca}(\omega_c)|^2 \right\|$$

Streuamplitude

(Ursprünge für ähnelnde optische Theorem sehen auf Rayleigh)

Man kann die Streuamplitude sowohl in der Zeit- oder Frequenzdomäne auswerten
Hier Beispiel Frequenz:

$$\begin{aligned}
 T_{ca}(\omega_c) &= - \int dx \hat{E}(x) \hat{T}_{ca}^{(1)}(x) \delta(\omega_c - \omega) \\
 &\quad + \frac{1}{2\pi\hbar} \int dx_1 \int dx_2 \hat{E}(x_1) \hat{E}(x_2) \hat{T}_{ca}^{(2)}(x_1, x_2) \delta(\omega_c - \omega_1 - \omega_2)
 \end{aligned}$$

$$-\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int d\omega_1 \int d\omega_2 \int d\omega_3 E(\omega_1) E(\omega_2) E(\omega_3)$$

$$\tilde{T}_{ca}^{(3)}(\omega_3, \omega_2, \omega_1) \delta(\omega_3 - \omega_1 - \omega_2)$$

Nächste Übergangsamplitude (ohne Feld)
bare Transistramplitude

Zur Herleitung: $H_I(t) = \int d\omega e^{i\omega t} E(\omega) \hat{p}$

Mit $\tilde{T}_{ca}^{(1)}(\omega_1) = N_{ca}$

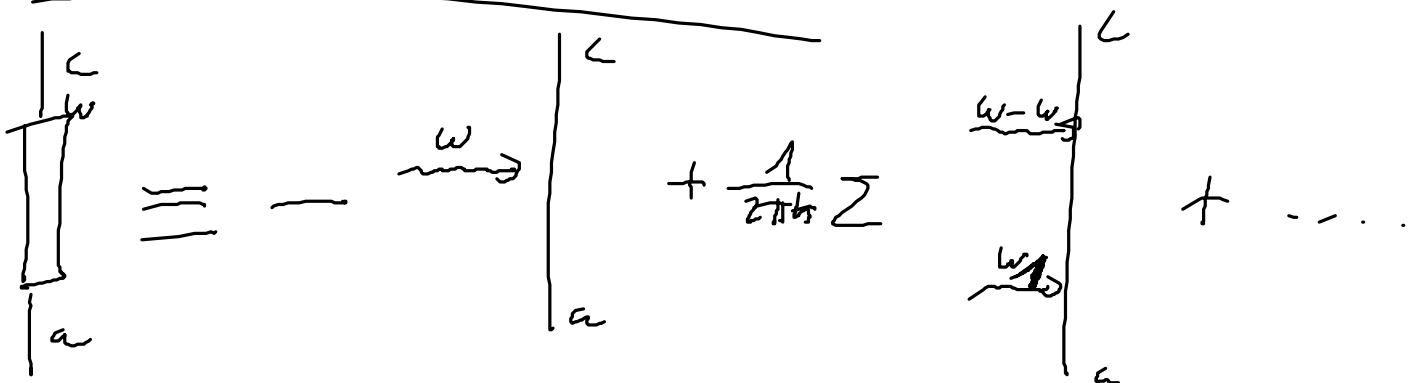
$$\tilde{T}_{ca}^{(2)}(\omega_2, \omega_1) = \sum_{\nu} \frac{N_{c\nu} N_{\nu a}}{\omega_1 - \omega_{\nu a} + i\eta}$$

$$\tilde{T}_{ca}^{(3)}(\omega_3, \omega_2, \omega_1) = \sum_{\nu_1, \nu_2} \frac{N_{c\nu_2} N_{\nu_2 \nu_1} N_{\nu_1 a}}{(\omega_1 + \omega_2 - \omega_{\nu_2 a} + i\eta) (\omega_1 - \omega_{\nu_1 a} + i\eta)}$$

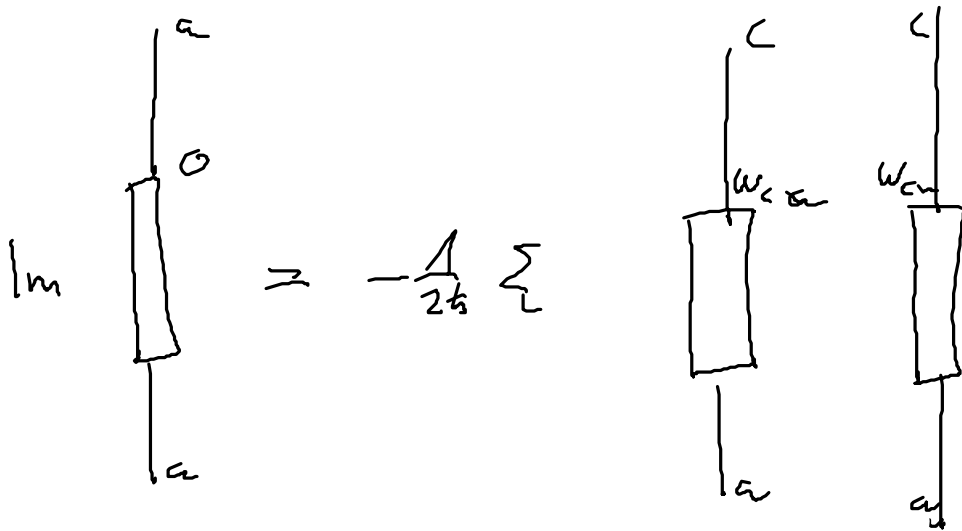
Die Teile der Übergangsamplitude werden berechnet in folgender Art

- (i) Jeder Übergang läuft ein Diagonallement mit.
- (ii) Propagation zwischen zwei Streuzuständen erfolgt über die Greenfkt. (Argument ist die Summe aller vorläufigen Frequenzabhängigkeiten der Übergangsfrequenz)

Diagrammatische Darstellung



Optisches Thema



Beispiel

Ein k -Photon Prozess kann in ω -Operatoren über die Krauss-Heisenberg Relation beschrieben werden.

$$R_{a \rightarrow c} \propto |T_{ca}^{(k)}(\omega_{a1} \rightarrow \omega_c)|^2 \delta\left(\sum_{n=1}^k \omega_n - \omega_{ca}\right)$$

Nimmt an dass nur der k Pfad beiträgt!

Addiert im Allgemeinen können verschiedene Pfade interferieren!

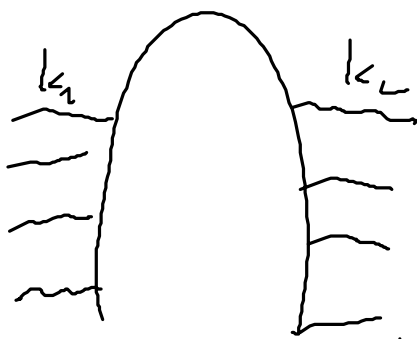
Interferenzeffekte

Gibt es Prozesse mehrer Ordnung, so müssen die Amplituden addiert werden, nicht die Übergangswahrsch.

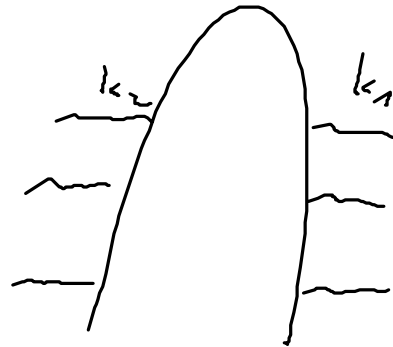
Nehmen wir an, wir haben Prozesse der Ordnung k_1 und k_2 die betragen. $k_1 + k_2 = \text{Ordng}$

$$\Delta N_{\text{ord}} \approx T_{\text{ca}}^{(k_1)}(w_{k_1+1}, \dots, w_{k_1}) \delta_A \left(\sum_{i=1}^{k_1} w_i - w_{\text{ca}} \right) + T_{\text{ca}}^{(k_2)}(w_{k_1+1}, \dots, w_{k_1+k_2}) \delta_A \left(\sum_{i=k_1+1}^{k_1+k_2} w_i - w_{\text{ca}} \right)$$

Vergleich mit Schleifbedingungen



bzw.



Hier wird $T_{\text{ca}}^{(k_1)} T_{\text{ca}}^{(k_2)}$ als

Interferenzkondition zwischen den beiden Prozessen aufgeföhrt.