

Prof. Dr. Harald Engel,
 Dipl. Phys. Stefan Fruhner, Dipl. Ing. Maximilian Schmitt,
 Maria Richter, Bruno Riemenschneider, Eike Verdenhalven

6. Übungsblatt – Mathematische Methoden der Physik

Abgabe: Do. 03.06.2010 bis 8:30 Uhr VOR der Vorlesung in den Briefkasten im ER Gebäude oder online über ISIS

Bei den schriftlichen Ausarbeitungen werden ausführliche Kommentare zum Vorgehen erwartet. Dafür gibt es auch Punkte! Die Abgabe soll in Dreiergruppen erfolgen. Bitte geben Sie alle Namen und Matrikelnummern an. Vermerken Sie bitte nur den Namen des Tutors, bei dem das korrigierte Übungsblatt zurückgegeben werden soll. Wenn Aufgaben mit Hilfe des Computers gelöst werden, dann ist der komplette Quelltext der Abgabe kommentiert beizufügen.

Aufgabe 15 (4 Punkte): Vektorfunktionen und Bahnkurven

Gegeben seien zwei Vektorfunktionen $\underline{a}(t)$ und $\underline{b}(t)$ mit den Beträgen $a(t)$ und $b(t)$. Beweisen Sie die folgenden Relationen:

(a) $\frac{d}{dt} [\underline{a}(t) \times \underline{b}(t)] = \frac{d}{dt} \underline{a}(t) \times \underline{b}(t) + \underline{a}(t) \times \frac{d}{dt} \underline{b}(t),$

(b) $\underline{a}(t) \cdot \frac{d\underline{a}(t)}{dt} = a(t) \cdot \frac{da(t)}{dt}.$

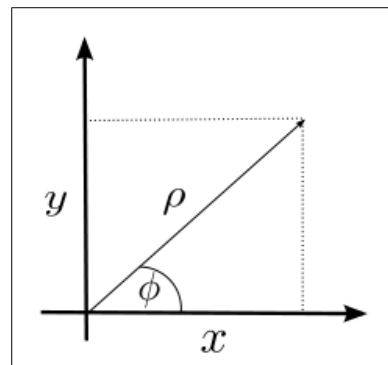
Aufgabe 16 (6 Punkte): zeitabhängige Einheitsvektoren

Eine Bahnkurve $\underline{r}(t)$ kann man auch in sog. Polarkoordinaten r und φ beschreiben:

$$\underline{r}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} r(t) \cos \varphi(t) \\ r(t) \sin \varphi(t) \end{pmatrix} = r(t) \underline{e}_r.$$

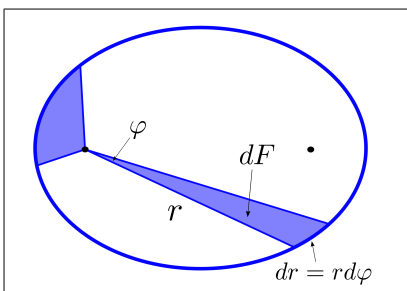
Dabei sind die Einheitsvektoren gegeben durch:

$$\underline{e}_r = \begin{pmatrix} \cos \varphi(t) \\ \sin \varphi(t) \end{pmatrix}, \underline{e}_\varphi = \begin{pmatrix} -\sin \varphi(t) \\ \cos \varphi(t) \end{pmatrix}.$$



Berechnen Sie die Geschwindigkeit $\underline{v}(t)$ und Beschleunigung $\underline{a}(t)$ und geben Sie Ihre Ergebnisse in der Form $\underline{b}(t) = b_r \underline{e}_r + b_\varphi \underline{e}_\varphi$ an.

Aufgabe 17 (10 Punkte): Planetenbewegungen



- (a) Das zweite Keplersche Gesetz besagt: *Der Fahrstrahl des Planeten überstreicht in gleichen Zeiten gleiche Flächen.* Das heißt, es gilt

$$dF = \text{const} \cdot dt.$$

Wobei für die Konstante gilt: $2 \cdot \text{const} \equiv L/m,$ mit dem Betrag des Drehimpulses L und der Planetenmasse $m.$

Stellen Sie eine Gleichung für das Flächenstück dF auf und leiten Sie eine Beziehung zwischen $\dot{\varphi}$ und L her.

Bitte Rückseite beachten! →

6. Übung MM SS 10

(b) Planeten bewegen sich auf Ellipsen, so dass für den Abstand r gilt :

$$(1) \quad r = \frac{p}{1 + \epsilon \cos \varphi(t)}$$

Dabei ist ϵ die *Exzentrizität* und p der *Halbparameter* der Ellipse. Stellen Sie mit Hilfe von Gleichung (1) die Geschwindigkeit $\underline{v}(t)$ auf, eliminieren Sie $\dot{\varphi}(t)$ und berechnen Sie daraus die Beschleunigung $\underline{a}(t)$ in Abhängigkeit von r und L . Interpretieren Sie Ihr Ergebnis mit Hinblick auf das Newtonsche Gravitationsgesetz.

Vorlesung:	<ul style="list-style-type: none"> • Donnerstags 8:15 Uhr – 9:45 Uhr in EW 201. 																																			
	Mo 10–12 Uhr EW 731 Stefan, Max																																			
	Mo 12–14 Uhr EW 731 Stefan, Max																																			
	Mo 12–14 Uhr FR 0512A Bruno																																			
Tutorien:	Mo 14–16 Uhr EW 202 Eike																																			
	Mo 16–18 Uhr EW 229 Eike																																			
	Di 08–10 Uhr EW 731 Bruno																																			
	Di 12–14 Uhr EW 731 Maria																																			
	Di 16–18 Uhr EW 226 Maria																																			
Klausur:	• Donnerstag, den 08.07.2010, von 08:00 – 10:00 Uhr in H 1058.																																			
Scheinkriterien:	<ul style="list-style-type: none"> • Mindestens 50% der Übungspunkte. • Bestandene Klausur. • Regelmäßige und aktive Teilnahme in den Tutorien. 																																			
Literatur zur Lehrveranstaltung:	<ul style="list-style-type: none"> • Siegfried Großmann: Mathematischer Einführungskurs für die Physik • Rainer Wüst: Mathematik für Physiker und Mathematiker 1 und 2 • Mathematische Einführungskapitel der Lehrbuchreihen der theoret. Physik, z.B. Greiner, Nolting • Bronstein: Taschenbuch der Mathematik • Hermann Schulz: Physik mit Bleistift : das analytische Handwerkszeug der Naturwissenschaftler • Richard Feynman: Vorlesungen über Physik 																																			
Sprechzeiten:	<table border="1"> <thead> <tr> <th>Name</th> <th>Tag</th> <th>Zeit</th> <th>Raum</th> <th>Tel.</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Prof. Dr. H. Engel</td> <td>Mi.</td> <td>14:30-16:00</td> <td>EW 738</td> <td>79462</td> </tr> <tr> <td>Stefan Fruhner</td> <td>Fr.</td> <td>13:30-14:30</td> <td>EW 627/28</td> <td>27681</td> </tr> <tr> <td>Max Schmitt</td> <td>Do.</td> <td>10:00-11:00</td> <td>EW 708</td> <td>25225</td> </tr> <tr> <td>Maria Richter</td> <td>Di.</td> <td>15:00-16:00</td> <td>EW 217</td> <td>26143</td> </tr> <tr> <td>Bruno Riemenschneider</td> <td>Mi.</td> <td>15:00-16:00</td> <td>EW 217</td> <td>26143</td> </tr> <tr> <td>Eike Verdenhalven</td> <td>Di.</td> <td>13:00-14:00</td> <td>EW 217</td> <td>26143</td> </tr> </tbody> </table>	Name	Tag	Zeit	Raum	Tel.	Prof. Dr. H. Engel	Mi.	14:30-16:00	EW 738	79462	Stefan Fruhner	Fr.	13:30-14:30	EW 627/28	27681	Max Schmitt	Do.	10:00-11:00	EW 708	25225	Maria Richter	Di.	15:00-16:00	EW 217	26143	Bruno Riemenschneider	Mi.	15:00-16:00	EW 217	26143	Eike Verdenhalven	Di.	13:00-14:00	EW 217	26143
Name	Tag	Zeit	Raum	Tel.																																
Prof. Dr. H. Engel	Mi.	14:30-16:00	EW 738	79462																																
Stefan Fruhner	Fr.	13:30-14:30	EW 627/28	27681																																
Max Schmitt	Do.	10:00-11:00	EW 708	25225																																
Maria Richter	Di.	15:00-16:00	EW 217	26143																																
Bruno Riemenschneider	Mi.	15:00-16:00	EW 217	26143																																
Eike Verdenhalven	Di.	13:00-14:00	EW 217	26143																																