

Prof. Dr. Tobias Brandes  
 Arash Azhand  
 Wassilij Kopylov  
 Christian Fräßdorf

## 6. Übungsblatt – Theoretischen Physik IV

**Abgabe: Fr. 24. 05. 2013 bis 17:00 Uhr im Briefkasten am Ausgang des ER-Gebäudes**

*Bei den schriftlichen Ausarbeitungen werden ausführliche Kommentare zum Vorgehen erwartet. Dafür gibt es auch Punkte! Die Abgabe soll in 3er-Gruppen erfolgen. Bitte geben Sie Ihre Namen, Matrikelnummer und das Tutorium an!*

### **Aufgabe 16 (8 Punkte): Kombinatorik**

Betrachten Sie die folgenden sieben Felder:

--	--	--	--	--	--	--	--

Sie haben 9 verschiedene Farben (inklusive rot, blau, grün). Auf wie viele Arten können Sie die Felder färben, wenn

- (a) keine Einschränkung besteht?
- (b) jedes Feld eine andere Farbe haben soll?
- (c) benachbarte Felder verschieden gefärbt werden sollen?
- (d) die beiden Felder links und rechts aussen rot sein sollen?
- (e) 3 Felder rot, 2 blau und der Rest grün sein soll?
- (f) 3 nebeneinander liegende Felder rot, die übrigen beliebig, aber nicht rot gefärbt sind?

### **Aufgabe 17 (5 Punkte): Gibbs-Paradoxon**

Betrachten Sie in dieser Aufgabe ein ideales Gas aus  $N$  Teilchen in einem Volumen  $V$ , welches durch eine Trennwand in zwei Teilvolumen  $V_1$  (mit  $N_1$  Teilchen) und  $V_2 = V_1$  (mit  $N_2 = N_1$  Teilchen) aufgeteilt ist. Die Teilvolumen sind charakterisiert durch die Entropien  $S_1$  und  $S_2$ .

- (a) Zeigen Sie, dass die Gesamtentropie, welches das ganze System (ohne Trennwand) charakterisiert, durch

$$S = S_1 + S_2 + A, \quad A \neq 0,$$

gegeben ist, wenn man den kombinatorischen Vorfaktor  $\frac{1}{N!}$  in der Relation für die Anzahl der Zustände  $\Omega$  vernachlässigt.

- (b) Zeigen Sie nun, dass man für die Gesamtentropie

$$S = S_1 + S_2$$

erhält, wenn man diesen Vorfaktor in  $\Omega$  berücksichtigt. Diskutieren Sie ihre Ergebnisse.

**Bitte Rückseite beachten! →**

6. Übung TP IV SS 2013

**Aufgabe 18 (7 Punkte): Kumulanten**

Betrachten Sie Elektronen, die mit der Wahrscheinlichkeit  $T \in [0, 1]$  durch eine Barriere tunneln. Die Anzahl der transmittierten Elektronen  $n$  für eine vorgegebene Anzahl von Bernoulli-Versuchen  $N$  folgt einer Binomialverteilung

$$P_{\text{binom}}(n) = \binom{N}{n} T^n (1 - T)^{N-n}.$$

(a) Zeigen Sie, dass die zugehörige Kummulantenerzeugende gegeben ist durch

$$\Gamma_{\text{binom}}(\alpha) = N \ln [1 + T (\exp(\alpha) - 1)].$$

(b) Berechnen Sie die ersten drei Kummulanten  $\langle n \rangle_c$ ,  $\langle n^2 \rangle_c$  und  $\langle n^3 \rangle_c$  und interpretieren Sie das Ergebnis.

(c) Zeigen Sie für  $T \ll 1$  und  $NT \rightarrow \langle n \rangle$ , dass die Binomialverteilung in eine Poissonverteilung mit der Kummulantenerzeugenden

$$\Gamma_{\text{Poisson}}(\alpha) = \langle n \rangle [\exp(\alpha) - 1]$$

übergeht.

**Vorlesung:** Mi. um 12 Uhr – 14 Uhr in EW 203,  
Fr. um 8 Uhr – 10 Uhr in EW 203.

**Scheinkriterien:**

- Mindestens 50% der schriftlichen Übungspunkte.
- Bestandene Klausur
- Regelmäßige und aktive Teilnahme in den Tutorien

**Sprechzeiten:**

<b>Name</b>	<b>Tag</b>	<b>Zeit</b>	<b>Raum</b>	<b>Tel.</b>
Prof. Dr. Tobias Brandes	Mo	13:00 – 14:00 Uhr	EW 744	23034
Arash Azhand	Do	15:00 – 16:00 Uhr	EW 627	27681
Wassilij Kopylov	Mi	15:00–16:00 Uhr	EW 705	22741
Christian Fräbldorf			EW 060	