

Prof. Dr. Harald Engel  
Kilian Kuhla, Judith Lehnert, Benjamin Lingnau, Alejandro Torres Orjuela, Maximilian Schmitt,  
Dr. Katrin Wolff, Maria Zeitz, Alexander Ziepeke

## 8. Übungsblatt – Theoretische Physik I: Mechanik

**Abgabe: Fr. 12.12.2014 bis 13:00 Uhr, Briefkasten ER-Gebäude**

### **M** Aufgabe 22: *Poisson-Klammer*

- a) Zeigen Sie, dass für die kartesischen Komponenten von Impuls und Drehimpuls gilt:

$$\{L_x, p_x\} = 0, \quad \{L_x, p_y\} = p_z, \quad \text{und} \quad \{L_x, p_z\} = -p_y.$$

Was folgt daraus für  $\{L_y, p_x\}$ ,  $\{L_y, p_y\}$ ,  $\{L_y, p_z\}$ ,  $\{L_z, p_x\}$ ,  $\{L_z, p_y\}$  und  $\{L_z, p_z\}$ ?

- b) Beweisen Sie die folgenden Relationen für die kartesischen Komponenten des Drehimpulses:

$$\{L_x, L_y\} = L_z, \quad \{L_y, L_z\} = L_x \quad \text{und} \quad \{L_z, L_x\} = L_y.$$

### **S** Aufgabe 23 (4 Punkte): *Lagrange- und Hamiltonformalismus im rotierenden Bezugssystem* (1+1+2=4 Punkte)

Ein Teilchen befinde sich im Potential  $U(\mathbf{r})$ . Betrachten Sie im Folgenden die Bewegung des Teilchens in einem beschleunigten Bezugssystem  $\Sigma'$ , das gleichförmig mit Winkelgeschwindigkeit  $\omega = \text{const}$  rotiert.

- Stellen Sie die Lagrangefunktion in den Koordinaten von  $\Sigma'$  auf.
- Führen Sie eine Legendre-Transformation durch, um die Hamiltonfunktion zu erhalten.
- Stellen Sie nun die Hamiltonschen Bewegungsgleichungen auf. Interpretieren Sie die einzelnen Terme.

8. Übung TPI WS 14

**S Aufgabe 24 (6 Punkte):** *Fliehkraftpendel im Hamilton-Formalismus (2+2+2=6 Punkte)*

Gegeben sei das Fliehkraftpendel aus Aufgabe 15 bzw. 18. Wie bereits in Aufgabe 15 berechnet, gilt  $T = \frac{m}{2}R^2(\dot{\varphi}^2 + \omega^2 \sin^2 \varphi)$  und  $U = -mgR \cos \varphi$ .

- (a) Berechnen Sie die Hamiltonfunktion  $H(\mathbf{q}, \mathbf{p}, t)$  und stellen Sie die Hamilton'schen Bewegungsgleichungen auf. Zeigen Sie, dass Sie daraus die Bewegungsgleichung des Massepunktes erhalten (d.h. die Lösung der Aufgabe 15(a)).
- (b) Ist  $H$  ein Integral der Bewegung? Ist die Gesamtenergie  $E$  ein Integral der Bewegung? Begründen Sie dies auch physikalisch.
- (c) Den durch  $(\mathbf{q}, \mathbf{p})$  aufgespannten Raum nennt man Phasenraum. Setzen Sie  $m = 1kg$ ,  $R = 1m$  sowie  $g = 10m/s^2$  und nutzen Sie den Mathematicabefehl `EquationTrekker[ ]`, um die Bewegung im Phasenraum graphisch darzustellen. Untersuchen Sie getrennt die Fälle  $\omega < \sqrt{g/R}$  und  $\omega > \sqrt{g/R}$  und kommentieren Sie die Ergebnisse in Hinblick auf die Resultate von Aufgabe 15(b). Welche unterschiedlichen Typen von Bahnkurven erhält man im Phasenraum?

**Hinweis:** Informationen zum Befehl `EquationTrekker[ ]` gibt es unter:  
[reference.wolfram.com/language/EquationTrekker/tutorial/EquationTrekker.html](http://reference.wolfram.com/language/EquationTrekker/tutorial/EquationTrekker.html)

	Mo	Di	Mi	Do	Fr
08-10		EW 202 HE	EW 202 HE		
10-12		EW 731 MZ HL 102 AZ EW 733 JL		H 3013 KW	EW 731 MS
12-14			EW 731 KK		
14-16	EW 114 AZ	H 2033 ATO		HL 102 BL	
16-18		EW 229 ATO	EW 229 KK		

Sprechstunden			
HE	Prof. Dr. Harald Engel	Mi 14:30-16	EW 738
ATO	Alejandro Torres Orjuela	Di 12-13	EW 060
AZ	Alexander Ziepke	Fr 11-12	EW 060
BL	Benjamin Lingnau	Di 14-15	EW 629
JL	Judith Lehnert	Mo 15-16	ER 246
KK	Kilian Kuhla	Mi 14:45-15:45	EW 060
KW	Dr. Katrin Wolff	Mi 10-11	EW 277B
MS	Max Schmitt	Mo 12-13	EW 708
MZ	Maria Zeitz	Do 14-15	EW 702